

PENGGUNAAN SISTEM INFERENSI *FUZZY* UNTUK PENENTUAN JURUSAN DI SMA NEGERI 1 BIREUEN

ZATI AZMIANA, FAIGIZIDUHU BU'ULOLO, DAN PARTANO SIAGIAN

Abstrak. *Abstract.* Dalam kegiatan akademik siswa SMA, penentuan jurusan sangat diperlukan untuk membantu siswa lebih fokus terhadap kemampuan yang telah dimiliki. Keputusan penentuan jurusan dibuat oleh pihak yang berkompeten di sekolah. Salah satu aplikasi logika fuzzy adalah pendukung keputusan dengan Sistem Inferensi Fuzzy Mamdani. Dalam Sistem Inferensi Fuzzy Mamdani untuk memperoleh output diperlukan empat tahap, yaitu pembentukan himpunan fuzzy, pembentukan rules, aplikasi fungsi implikasi dan inferensi aturan serta defuzzifikasi. Tulisan ini membangun Sistem Inferensi Fuzzy Mamdani dalam penentuan jurusan di SMA N 1 Bireuen. Variabel inputnya adalah NIPA, NIPS, IQ, Minat dan kapasitas kelas. Variabel outputnya adalah IPA dan IPS. Dari pengujian data output, diperoleh nilai output IPA dan IPS untuk Sistem Inferensi Fuzzy. Dari percobaan yang dilakukan terhadap data siswa kelas X tahun ajaran 2011/2012 didapat Sistem Inferensi Fuzzy dapat memberikan keputusan.

1. PENDAHULUAN

Logika *fuzzy* merupakan sebuah logika yang memiliki nilai kekaburan atau kesamaan (*Fuzzyness*) antara benar dan salah. Salah satu aplikasi Sistem Inferensi *Fuzzy* adalah pendukung keputusan. Keputusan penentuan jurusan siswa diambil oleh pihak yang berkompeten di sekolah. Penentuan jurusan siswa SMA berpengaruh terhadap kegiatan akademik siswa. Penjurusan yang tepat dan sesuai dengan kemampuan serta minat siswa sangat

Received 21-03-2013, Accepted 12-05-2013.

2010 Mathematics Subject Classification: 94D05

Key words and Phrases: Logika Fuzzy, Sistem Inferensi Fuzzy, Metode Mamdani

diperlukan. Dengan adanya penjurusan, diharapkan setiap siswa dapat lebih fokus pada kemampuan yang telah dimiliki. Faktor utama yang menentukan penjurusan adalah nilai akademik siswa, nilai tes IQ, minat siswa dan kapasitas kelas IPA.

2. LANDASAN TEORI

Himpunan *fuzzy* didasarkan pada gagasan untuk memperluas jangkauan fungsi karakteristik sedemikian hingga *fuzzy* tersebut akan mencakup bilangan real pada interval $[0,1]$. Nilai keanggotaan menunjukkan bahwa satu item dalam semesta pembicaraan tidak hanya berada pada 0 atau 1, namun juga nilai yang terletak di antaranya. Dengan kata lain, nilai kebenaran suatu item tidak hanya bernilai benar atau salah. Nilai 0 menunjukkan salah, nilai 1 menunjukkan benar dan masih ada nilai-nilai yang terletak antara benar dan salah [1].

Sistem Inferensi *Fuzzy* dapat dilakukan dengan tiga metode yaitu metode Tsukamoto, metode Mamdani dan metode Sugeno. Dalam penelitian ini metode yang digunakan adalah metode Mamdani. Metode ini diperkenalkan oleh Ebrahim Mamdani pada tahun 1975. Metode Mamdani sering juga dikenal dengan metode *Max-Min*. Dalam metode ini, untuk mendapatkan *output* diperlukan 4 tahapan yaitu:

1. Pembentukan himpunan *fuzzy*

Pada metode Mamdani, variabel *input* maupun variabel *output* dibagi menjadi satu atau lebih himpunan *fuzzy*. Setiap anggota himpunan *fuzzy* yang dibentuk, ditentukan derajat keanggotaannya dengan fungsi keanggotaan yang ditentukan.

2. Aplikasi fungsi implikasi

Tiap-tiap aturan (proporsi) pada basis pengetahuan *fuzzy* akan berhubungan dengan suatu relasi *fuzzy*. Secara umum dapat dituliskan *IF* x *is* A *THEN* y *is* B dengan x dan y adalah skalar, dan A dan B adalah himpunan *fuzzy*. Proporsi yang mengikuti *IF* disebut sebagai *anteseden*, sedangkan proporsi yang mengikuti *THEN* disebut sebagai konsekuen. Proporsi ini dapat diperluas dengan penghubung *fuzzy*. Secara umum dapat dituliskan *if* $(x_1 \text{ is } A_1) * (x_2 \text{ is } A_2) * \dots * (x_n \text{ is } A_n)$ *then* y *is* B , dengan $*$ adalah suatu operator *or* atau *and* [2]. Pada metode mamdani, fungsi implikasi yang digunakan adalah metode Min.

3. Inferensi aturan

Metode yang digunakan dalam melakukan inferensi aturan adalah metode Max (Maximum), yang secara umum dapat dituliskan:

$$\mu_{(sf)}[x_i] = \max(\mu_{(sf)}[x_i], \mu_{(kf)}[x_i]) \quad (1)$$

di mana:

$\mu_{(sf)}$ = nilai keanggotaan solusi *fuzzy* sampai aturan ke-*i*

$\mu_{(kf)}$ = nilai keanggotaan konsekuen *fuzzy* aturan ke-*i*

4. Penegasan (defuzzifikasi)

Pada metode Mamdani, metode defuzzifikasi dapat dipilih salah satu dari metode-metode defuzzifikasi, Pada penelitian ini metode yang dipilih adalah metode *Centroid*. Pada metode *Centroid*, solusi *crisp* diperoleh dengan cara mengambil titik pusat (z^*) daerah *fuzzy*. Secara umum dirumuskan:

$$d^* = \frac{\int_x x\mu(x)dx}{D} \quad (2)$$

di mana:

x = nilai *output*

d^* = titik pusat daerah *fuzzy output*

$\mu(x)$ = fungsi keanggotaan dari himpunan *fuzzy output*

D = luas daerah *fuzzy output*

3. METODE PENELITIAN

Penelitian ini dibuat berdasarkan kajian pustaka dengan mengumpulkan referensi berupa buku-buku tentang teori *fuzzy* maupun tulisan-tulisan yang di muat di situs web dan studi kasus penjurusan nilai siswa SMA Negeri 1 Bireuen.

Langkah-langkah dalam analisis data adalah sebagai berikut.

1. Data yang digunakan adalah data sekunder nilai siswa kelas X SMA Negeri 1 Bireuen.

2. Mentransformasikan data.
3. Mengurutkan nilai.
4. Melakukan pembentukan himpunan *fuzzy* (fuzzifikasi).
5. Menentukan *rules*.
6. Melakukan inferensi aturan.
7. Mendefuzzifikasikan nilai dari variabel.
8. Menganalisis nilai dari hasil defuzzifikasi.
9. Kesimpulan.

4. PEMBAHASAN

Data Hasil Penelitian

Sebelum dibangun Sistem Inferensi *Fuzzy*, data nilai yang ada di transformasikan ke dalam satu nilai. Rumus yang digunakan yaitu:

$$\text{NIPA} = \frac{\text{nilaimatematika} + 2 \times \text{nilaifisika} + 2 \times \text{nilaikimia} + 2 \times \text{nilaibiologi}}{7}$$

$$\text{NIPS} = \frac{\text{nilaimatematika} + 2 \times \text{nilaiekonomi} + 2 \times \text{nilaigeografi} + 2 \times \text{nilaisosiologi}}{7}$$

Untuk membangun Sistem Inferensi *Fuzzy* diperlukan semesta pembicaraan. Semesta pembicaraan yang dibentuk terlihat dalam tabel 1.

Tabel 1. Semesta Pembicaraan

Fungsi	Variabel	Notasi	Semesta Pembicaraan	Keterangan
<i>Input</i>	NIPA	A	[55-100]	Nilai mata pelajaran IPA
	NIPS	B	[55-100]	Nilai mata pelajaran IPS
	IQ	C	[90-130]	Nilai tes IQ
	Minat	D	[0-100]	Angka minat masuk IPA
	Kapasitas	E	[0-480]	Kapasitas seluruh kelas
<i>Output</i>	IPA	F	[0-1]	Masuk kelas IPA
	IPS	G	[0-1]	Masuk kelas IPS

Kontruksi FIS

Langkah dalam metode Mamdani untuk mendapatkan nilai *crisp* adalah pembentukan himpunan *fuzzy* (fuzzifikasi), penentuan *rules*, aplikasi fungsi, inferensi aturan dan penegasan (defuzzifikasi).

Himpunan *fuzzy* (fuzzifikasi)**Tabel 2. Himpunan *Input Fuzzy***

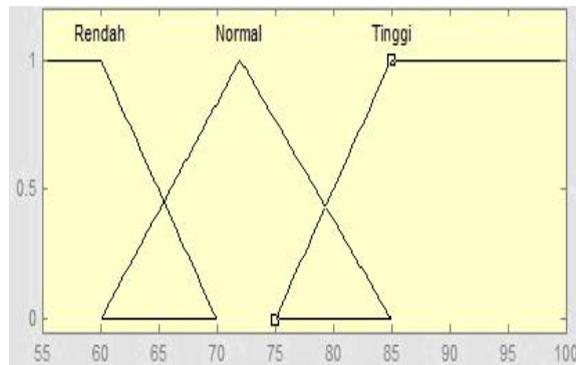
Variabel		Himpunan Input Fuzzy		Domain
Nama	Notasi	Nama	Notasi	
NIPA	A	Rendah	r	[55,70]
		Normal	n	[65,85]
		Tinggi	t	[75,100]
NIPS	B	Rendah	r	[55,70]
		Normal	n	[65,85]
		Tinggi	t	[75,100]
IQ	C	Biasa	b	[90,110]
		Cerdas	c	[98,120]
		sangat cerdas	sc	[115,130]
Minat	D	tidak minat	tm	[0,50]
		Biasa	b	[10,90]
		Minat	m	[50,100]
Kapasitas	E	IPA	a	[0,320]
		IPS	s	[250,480]

Tabel 3. Himpunan *Output Fuzzy*

Variabel		Himpunan Input Fuzzy		Domain
Nama	Notasi	Nama	Notasi	
IPA	f	Rendah	r	[0,0.4]
		Sedang	s	[0.1,0.9]
		Tinggi	t	[0.6,1]
IPS	g	Rendah	r	[0,0.4]
		Sedang	s	[0.1,0.9]
		Tinggi	t	[0.6,1]

1. Fungsi derajat keanggotaan variabel NIPA

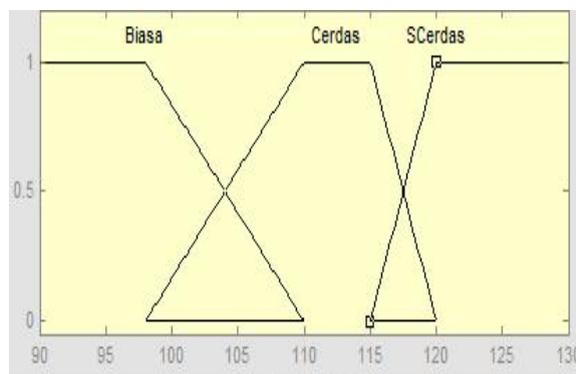
Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* rendah digunakan fungsi derajat keanggotaan linier turun dan untuk himpunan *fuzzy* tinggi digunakan fungsi derajat keanggotaan linier naik. Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* normal digunakan fungsi derajat keanggotaan segitiga. Bentuk representasinya terlihat pada gambar 1.



Gambar 1: Representasi fungsi derajat keanggotaan variabel NIPA

2. Fungsi derajat keanggotaan variabel IQ

Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* rendah digunakan fungsi derajat keanggotaan linier turun dan untuk himpunan *fuzzy* tinggi digunakan fungsi derajat keanggotaan linier naik. Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* normal digunakan fungsi derajat keanggotaan trapesium. Bentuk representasinya terlihat pada gambar 2.

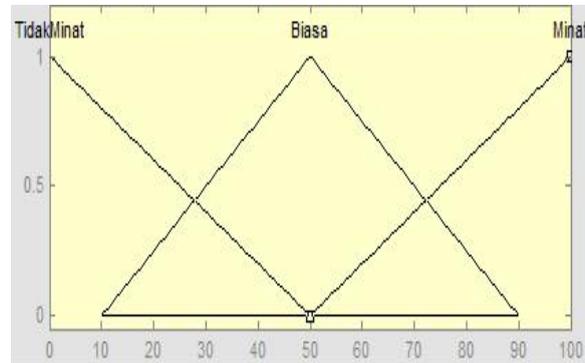


Gambar 2: Representasi fungsi derajat keanggotaan variabel IQ

3. Fungsi derajat keanggotaan variabel minat

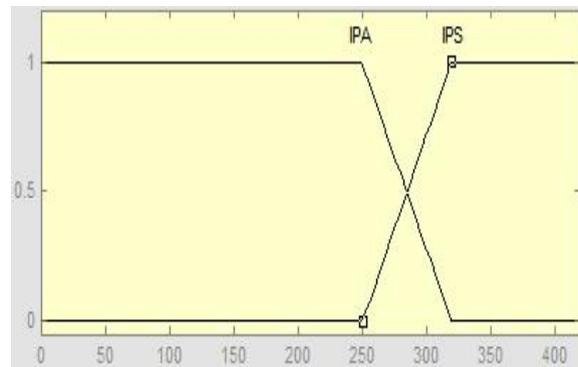
Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* tidak minat digunakan fungsi derajat keanggotaan linier turun dan untuk himpunan *fuzzy* minat digunakan fungsi derajat keanggotaan linier naik. Sedangkan un-

tuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* biasa digunakan fungsi derajat keanggotaan segitiga. Bentuk representasinya terlihat pada gambar 3.



Gambar 3: Representasi fungsi derajat keanggotaan variabel minat

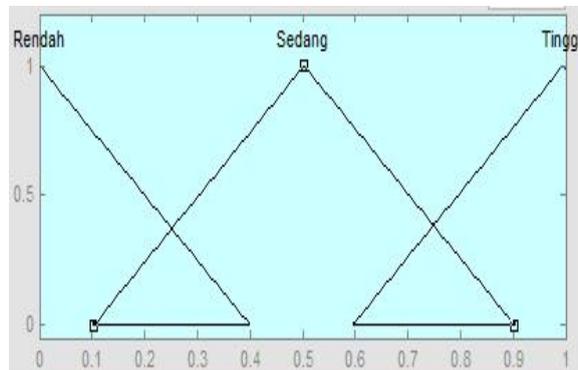
4. Fungsi derajat keanggotaan variabel kapasitas
Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* tidak minat digunakan fungsi derajat keanggotaan linier turun dan untuk himpunan *fuzzy* minat digunakan fungsi derajat keanggotaan linier naik. Bentuk representasinya terlihat pada gambar 4.



Gambar 4: Representasi fungsi derajat keanggotaan variabel kapasitas

5. Fungsi derajat keanggotaan variabel IPA
Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* rendah digunakan fungsi derajat keanggotaan linier turun dan untuk himpunan *fuzzy* tinggi digunakan fungsi derajat keanggotaan linier naik. Untuk merepresen-

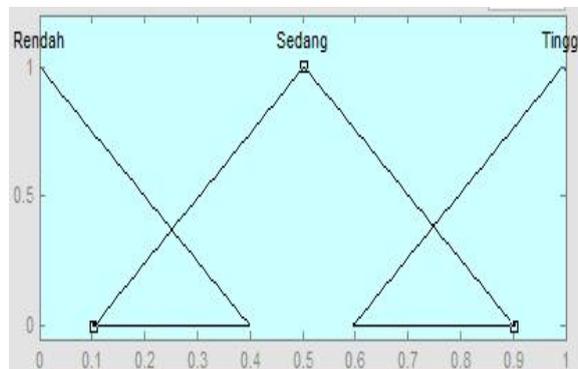
tasikan himpunan *fuzzy* sedang digunakan fungsi derajat keanggotaan segitiga. Bentuk representasinya terlihat pada gambar 5.



Gambar 5: Representasi fungsi derajat keanggotaan variabel IPA

6. Fungsi derajat keanggotaan variabel IPS

Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* rendah digunakan fungsi derajat keanggotaan linier turun dan untuk himpunan *fuzzy* tinggi digunakan fungsi derajat keanggotaan linier naik. Untuk merepresentasikan himpunan *fuzzy* sedang digunakan fungsi derajat keanggotaan segitiga. Bentuk representasinya terlihat pada gambar 6.



Gambar 6: Representasi fungsi derajat keanggotaan variabel IPS

Kasus

Pada subbab ini diberikan satu kasus yang akan dihitung dengan FIS. Kasus ini diambil dari salah satu nilai siswa kelas X tahun ajaran 2011/2012.

Seorang siswa memiliki nilai IQ 118, nilai minat masuk IPA 40 dan nilai siswa ditunjukkan dalam Tabel 3.5. Jika kapasitas kelas IPA yang sudah terisi adalah 150 maka nilai masuk IPA dan IPS dapat ditentukan dengan Sistem Inferensi *Fuzzy* sebagai berikut.

Tabel 4. Contoh data nilai siswa

Mata Pelajaran eksak	Nilai	Mata pelajaran bukan eksak	Nilai
Matematika	77	Matematika	77
Fisika	77	Ekonomi	79
Kimia	73	Geografi	75
Biologi	78	Sosiologi	80
NIPA	76	NIPS	78

Langkah pertama adalah mencari derajat keanggotaan masing-masing variabel.

1. NIPA

Jika nilai IPA = 76 maka derajat keanggotaan *fuzzy* pada setiap himpunan adalah

- a) Himpunan *fuzzy* normal = 0,691
- b) Himpunan *fuzzy* tinggi = 0,1

2. NIPS

Jika nilai IPS = 78 maka derajat keanggotaan *fuzzy* pada setiap himpunan adalah

- a) Himpunan *fuzzy* normal = 0,538
- b) Himpunan *fuzzy* tinggi = 0,3

3. IQ

Jika nilai IQ = 118 maka derajat keanggotaan *fuzzy* pada setiap himpunan adalah

- a) Himpunan *fuzzy* cerdas = 0,4
- b) Himpunan *fuzzy* sangat cerdas = 0,6

4. Minat

Jika nilai minat = 40 maka derajat keanggotaan *fuzzy* pada setiap himpunan adalah

- a) Himpunan *fuzzy* tidak minat = 0,2
- b) Himpunan *fuzzy* biasa = 0,75

5. Kapasitas

Jika kapasitas kelas IPA sudah terisi 150 maka kapasitas selanjutnya adalah 151 dan derajat keanggotaan *fuzzy* pada himpunan kapasitas adalah 1.

Langkah kedua adalah menerapkan fungsi implikasi untuk mendapatkan modifikasi *output* daerah *fuzzy* dari setiap *rule* yang berlaku. Fungsi implikasi yang digunakan adalah metode *Min(α – cut)*. *Rules* yang terpengaruhi nilai derajat keanggotaan adalah *rule 3, rule 10, rule 15, rule 20, rule 23, rule 36, rule 37, rule 55, rule 58, dan rule 59.*

1. *Rule 3*

IF NIPA is Tinggi And NIPS is Normal And IQ is Sangat Cerdas And Minat is Biasa And Kapasitas is IPA THEN IPA is Tinggi And IPS is Sedang

$$\begin{aligned}\alpha_3 &= \mu_t(a) \wedge \mu_n(b) \wedge \mu_{sc}(c) \wedge \mu_b(d) \wedge \mu_a(e) \\ &= \min(\mu_t(79), \mu_n(83), \mu_{sc}(155), \mu_m(40), \mu_a(150)) \\ &= \min(0,1; 0,538; 0,6; 0,75; 1) \\ &= 0,1\end{aligned}$$

- a) Berdasarkan fungsi keanggotaan dari variabel *output* IPA himpunan tinggi pada persamaan (6), pada saat $\alpha_3 = 0,1$ diperoleh nilai sebagai berikut.

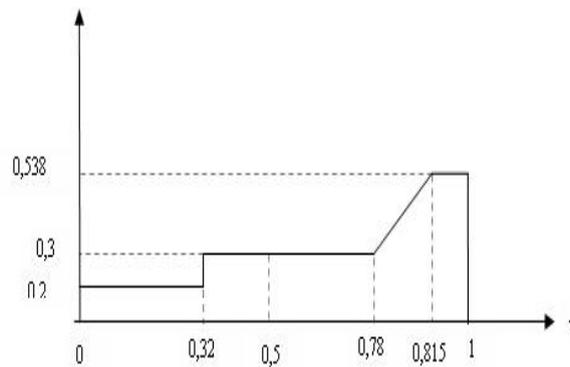
$$\begin{aligned}\mu_t(f_3) = \alpha_3 &\leftrightarrow \frac{f_3 - 6}{0,4} = 0,1 \\ f_3 &= 0,64\end{aligned}$$

- b) Berdasarkan fungsi keanggotaan dari variabel *output* IPS himpunan sedang pada persamaan (7), pada saat $\alpha_3 = 0,1$ diperoleh nilai sebagai berikut.

$$\begin{aligned}\mu_s(g_3) = \alpha_3 &\leftrightarrow \frac{g_3 - 0,1}{0,4} = 0,1 \\ g_3 &= 0,14 \\ \mu_s(g_3) = \alpha_3 &\leftrightarrow \frac{0,9 - g_3}{0,4} = 0,1 \\ g_3 &= 0,86\end{aligned}$$

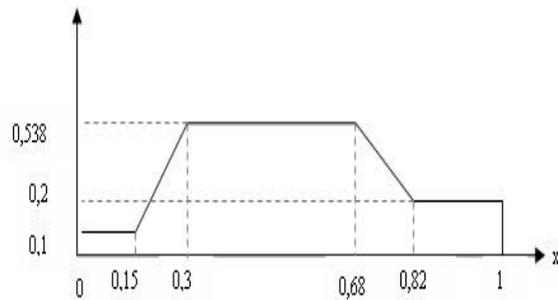
Langkah ketiga adalah mencari komposisi aturan dengan metode *Max* (maksimum). Dari inferensi metode Mamdani didapatkan derajat kebenarannya untuk kasus ini sebagai berikut.

- (a) Variabel *output* IPA Derajat kebenaran himpunan rendah = 0,2
Derajat kebenaran himpunan sedang = 0,3
Derajat kebenaran himpunan tinggi = 0,538
Daerah hasil inferensi terlihat pada gambar 7.



Gambar 7: Daerah hasil inferensi variabel *output* IPA

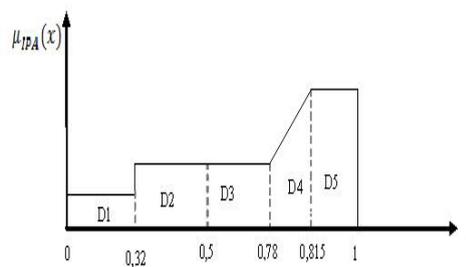
- (b) Variabel *output* IPS
Derajat kebenaran himpunan rendah = 0,1
Derajat kebenaran himpunan sedang = 0,538
Derajat kebenaran himpunan tinggi = 0,2
Daerah hasil inferensi terlihat pada gambar 8.

Gambar 8: Daerah hasil inferensi variabel *output* IPS

Langkah keempat adalah defuzzifikasi *output fuzzy* hasil komposisi aturan. Metode yang digunakan adalah metode *Centroid*.

1. Defuzzifikasi *output* IPA

Daerah hasil output dapat dibagi menjadi 5 bagian seperti yang terlihat pada gambar 9. Dari masing-masing bagian di hitung momennya dan luas daerahnya.

Gambar 9: Daerah *output fuzzy* IPA

a) Daerah pertama (D1)

$$M_1 = 0,01024$$

$$L_1 = 0,064$$

- b) Daerah kedua (D2)
 $M_2 = -0,00306$
 $L_2 = 0,054$
- c) Daerah ketiga (D3)
 $M_3 = 0,05376$
 $L_3 = 0,084$
- d) Daerah keempat (D4)
 $M_4 = 0,013790729$
 $L_4 = 0,014665$
- e) Daerah kelima (D5)
 $M_5 = 0,090323475$
 $L_5 = 0,09953$

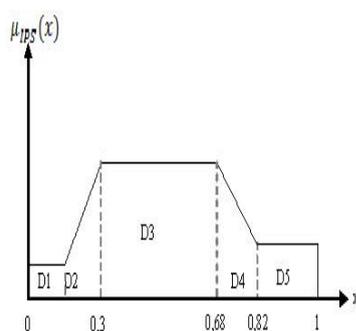
Nilai *crisp output* IPA di hitung dengan

$$d^* = \frac{0,01024 + (-0,00306) + 0,05376 + 0,013790729 + 0,090323475}{0,064 + 0,053 + 0,084 + 0,014665 + 0,09953}$$

$$= 0,552$$

2. Defuzzifikasi *output* IPS

Daerah hasil output dapat dibagi menjadi 5 bagian seperti yang terlihat pada gambar 10. Dari masing-masing bagian di hitung momennya dan luas daerahnya.



Gambar 10: Daerah *output fuzzy* IPS

a) Daerah pertama (D1)

$$M_1 = 0,001125$$

$$L_1 = 0,015$$

b) Daerah kedua (D2)

$$M_2 = 0,01127$$

$$L_2 = 0,04785$$

c) Daerah ketiga (D3)

$$M_3 = 0,1001756$$

$$L_3 = 0,20444$$

d) Daerah keempat (D4)

$$M_4 = 0,038637168$$

$$L_4 = 0,05166$$

e) Daerah kelima (D5)

$$M_5 = 0,03276$$

$$L_5 = 0,036$$

Nilai *crisp output* IPS di hitung dengan

$$\begin{aligned} d^* &= \frac{0,001125+0,01127+0,1001756+0,038637168+0,03276}{0,015+0,04785+0,20444+0,05166+0,036} \\ &= 0,518 \end{aligned}$$

Langkah terakhir adalah membandingkan nilai antara *crisp* IPA dengan nilai *crisp* IPS. Dari nilai *crisp* yang telah dihitung Sistem Inferensi *Fuzzy* dalam kasus ini, nilai *crisp* IPA= 0,522 lebih besar dari nilai *crisp* IPS= 0,518, oleh karena itu siswa dimasukkan ke kelas IPA.

5. KESIMPULAN

Adapun kesimpulan yang dapat diperoleh adalah sebagai berikut.

1. Sistem Inferensi *Fuzzy* Mamdani dapat digunakan untuk membangun sistem pendukung keputusan penentuan jurusan di SMA Negeri 1 Bireuen.
2. Aplikasi penentuan jurusan yang dikembangkan dapat membantu dalam menentukan jurusan di SMA Negeri 1 Bireuen dengan kemungkinan hasil yang terbaik karena setiap perhitungan diperoleh dari hasil nilai akademik, nilai IQ, nilai minat, dan kapasitas kelas.
3. Penelitian ini menghasilkan sebuah sistem online dan bersifat *fuzzy dinamis* yang dapat membantu guru dalam menentukan jurusan siswa di SMA Negeri 1 Bireuen.

Daftar Pustaka

- [1] Kusumadewi, S. (2002). *Analisis & Desain Sistem Fuzzy Menggunakan Tool Box MathLab*. Graha Ilmu, Yogyakarta.
- [2] Kusumadewi, S. Dan H. Purnomo. (2004). *Aplikasi Logika Fuzzy untuk Pendukung Keputusan*. Graha Ilmu, Yogyakarta.

ZATI AZMIANA : Department of Mathematics, Faculty of Mathematics and Natural Sciences, University of Sumatera Utara, Medan 20155, Indonesia
E-mail: zati_azmiana@yahoo.com

FAIGIZIDUHU BU'LOLO : Department of Mathematics, Faculty of Mathematics and Natural Sciences, University of Sumatera Utara, Medan 20155, Indonesia
E-mail: waigi.buulolo@gmail.com

PARTANO SIAGIAN : Department of Mathematics, Faculty of Mathematics and Natural Sciences, University of Sumatera Utara, Medan 20155, Indonesia
E-mail: partano_siagian@yahoo.co.id