

# Optimasi Penempatan Gardu Induk Menggunakan Metode *Delaunay Triangulation Algorithm* dan *Voronoi Diagram* pada Studi Kasus Jawa Timur

Pradipta Ghusti, Riyanarto Sarno, dan R.V. Hari Ginardi

Jurusan Teknik Informatika, Fakultas Teknologi Informasi, Institut Teknologi Sepuluh Nopember (ITS)

Jl. Arief Rahman Hakim, Surabaya 60111 Indonesia

*e-mail*: riyanarto@if.its.ac.id, hari@if.its.ac.id, pradipta.ghusti12@mhs.if.its.ac.id

**Abstrak**—Untuk memenuhi dan mengantisipasi pertumbuhan permintaan listrik di wilayah tersebut, diperlukan penambahan gardu dan gardu pengembangan baru yang telah terjadi sebelumnya. Perusahaan Listrik Negara (PLN) mengembangkan rencana untuk menentukan jumlah, kapasitas, dan lokasi gardu untuk memenuhi kebutuhan arus listrik dengan kebutuhan listrik di masa depan. Rencana ini membutuhkan identifikasi beban listrik di setiap daerah serta pengembangan kapasitas gardu gardu yang ada. Studi ini ditunjukkan dengan menerapkan beberapa resolusi dengan menggunakan metode *Delaunay Triangulation Algorithm* dan *Voronoi Diagram* untuk membantu mencari dan menentukan lokasi gardu induk baru yang optimal. Rencana yang optimal ini, akan memenuhi kebutuhan listrik, pelayanan yang merata, dan menyesuaikan dengan kondisi masyarakat sekitar. Hasil dari studi ini mendapatkan lokasi baru sebagai tempat untuk membangun gardu induk baru sebanyak 106 titik berdasarkan implementasi dari kedua metode tersebut.

**Kata Kunci**—*Delaunay Triangulation Algorithm*, Gardu Induk, Lokasi Baru, Optimasi, *Voronoi Diagram*

## I. PENDAHULUAN

UNTUK memenuhi dan mengantisipasi pertumbuhan kebutuhan listrik di suatu wilayah, diperlukan adanya penambahan gardu induk baru serta pengembangan gardu induk yang telah ada sebelumnya [1]. Perusahaan Listrik Negara (PLN) menyusun suatu rencana untuk menentukan jumlah, kapasitas, dan lokasi dari gardu induk guna mempertemukan kebutuhan listrik saat ini dengan kebutuhan listrik yang akan datang [2]. Rencana ini membutuhkan identifikasi beban listrik di masing-masing wilayah serta kapasitas pengembangan dari gardu-gardu induk yang sudah ada.

Beban yang dialokasikan ke suatu gardu induk, didasarkan pada jarak antar keduanya dengan mengupayakan biaya transportasi yang seminimal mungkin. Biaya tersebut didapatkan dengan menjumlahkan besar beban dengan jarak terhadap gardu induk yang melayaninya. Biaya ini teroptimasi untuk semua gardu induk melalui pengalokasian beban gardu induk yang tepat [1].

Dalam mengatasi hal-hal tersebut penulis mengajukan beberapa penyelesaian melalui studi ini dengan menerapkan metode *Delaunay Triangulation Algorithm* dan *Voronoi Diagram* untuk membantu merencanakan lokasi dari gardu

induk baru secara optimal. Rencana yang optimal akan memenuhi kebutuhan jaringan listrik, pengalokasian di area yang tepat, serta memperhatikan kondisi masyarakat di sekitarnya.

## II. LITERATUR PENELITIAN

### A. *Voronoi Diagram*

*Voronoi Diagram* adalah salah satu cabang ilmu yang dipelajari dalam perkuliahan geometri komputasi yang muncul pada abad ke-17. Diagram *voronoi* pertama kali ditemukan oleh Rene Descartes pada tahun 1644 dan digunakan oleh Dirichlet pada tahun 1850. Kemudian *Voronoi* pada tahun 1907 mengembangkannya ke dalam dimensi yang lebih tinggi.

*Voronoi Diagram* dalam studi ini diterapkan untuk mendapatkan area layanan dari setiap lokasi gardu telah ditetapkan melalui *p-median*. Memperoleh sejumlah titik koordinat berdasarkan hasil *p-median* perhitungan *p* titik pada bidang *Euclidean* [3].

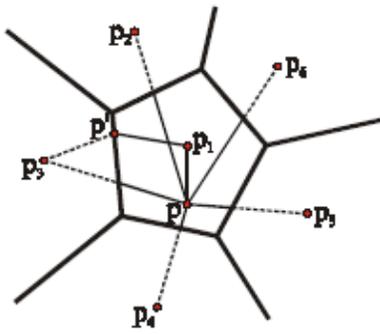
$$P = p_1, p_2, \dots, p_n \quad (1)$$

Semua daerah dari bidang ini terhubung dengan unsur *p* terdekat, dengan memperhatikan jarak *Euclidean*. Proyeksi *Voronoi Diagram* pada bidang datar dapat dilihat pada Gambar 1.

Penjelasan *Voronoi Diagram* lebih umum adalah sebagai berikut [3]:

Terdapat himpunan koordinat  $P$  dengan  $P = p_1, p_2, \dots, p_n$ , dimana  $2 \leq n \leq \infty$  dan  $x_i \neq x_j, i, j \in I_n$ . *Region* yang didapatkan dari (1):

$$V(p_i) = \{x / \|x - x_i\| \leq \|x - x_j\|, \text{ for } j \neq i, j \in I_n\} \quad (2)$$



Gambar. 1. Voronoi Diagram pada bidang datar

Merupakan *polygon Voronoi* yang terhubung dengan  $p_i$ . Berdasarkan (2), hasil yang nantinya akan diperoleh dari himpunan  $V$  [3]:

$$V = \{V(p_1), V(p_2), \dots, V(p_n)\} \quad (3)$$

Pada (3),  $V(p_i)$  merupakan himpunan dari titik-titik yang lebih dekat terhadap titik  $p_i$  dibandingkan dengan titik  $p_j$  lain selain  $p_i$ .

### B. Delaunay Triangulation Algorithm

*Delaunay* merupakan algoritma yang berfokus pada segmentasi dan penggabungan, serta metode penyisipan titik per titik dari algoritma *Triangulasi*, algoritma yang ada pada *Triangulasi* sekarang hanya digunakan sedikit, algoritma segmentasi-penggabungan relatif lebih kompleks, jadi hanya menggunakan sedikit data dalam beberapa kasus penggunaannya, dan juga metode penyisipan titik per titik merupakan yang paling sederhana, yang hampir menggunakan memori sedikit saja. Tiga poin yang sesuai *Voronoi polygon* yang berdekatan adalah puncak pada umumnya dan ini juga termasuk *vertex Delaunay Triangulasi circumcircle* pusat. *Voronoi polygon* oleh *polygon* terdiri dari sekelompok yang berjalan terus menerus, batas *polygon* dengan menghubungkan dua segmen tetangga dari garis-garis. *Delaunay Triangulasi* dibagi dengan *Voronoi polygon* yang berdekatan tepi sambungan jalur yang relevan dari segitiga.

*Delaunay* titik oleh algoritma titik interpolasi untuk aturan dasar dari setiap segitiga tidak termasuk dalam *circumcircle* koordinat lainnya [4].

### C. Sistem Informasi Geografis

Sistem Informasi Geografis (SIG) dapat diartikan sebagai sistem informasi yang digunakan untuk memasukkan, menyimpan, memanggil kembali, mengolah, menganalisis, dan menghasilkan data bereferensi geografis atau data geospasial, untuk mendukung pengambilan keputusan dalam perencanaan dan pengelolaan penggunaan lahan, sumber daya alam, lingkungan transportasi, fasilitas kota, dan pelayanan umum lainnya [5]-[6].

Sistem berbasis komputer yang berfungsi untuk memasukkan, menyimpan, mengolah, dan menganalisis data untuk tujuan yang berkaitan dengan pemetaan dan

perencanaan.

Sistem informasi geografis juga memiliki beberapa bagian, yaitu sebagai berikut:

1. Sebuah Manipulasi Data dan Analisis
2. *Data Output*
3. Manajemen Data
4. *Input Data*

### D. Sistem Distribusi Listrik

#### 1) Gardu Induk

Tujuan utama dari gardu induk ialah untuk menyalurkan daya listrik bertegangan tinggi (500 KV/150 KV) dari transmisi atau subtransmisi *level*, menurunkan tegangannya (dari 150 KV menjadi 20 KV), kemudian menyalurkannya ke dalam beberapa tegangan primer penyulang (*feeder*) untuk didistribusikan ke area sekitarnya [1].

Performansi gardu induk lebih penting daripada biaya gardu induk yang diindikasikan. Gardu induk mempertemukan sistem transmisi dengan sistem distribusi, sehingga gardu induk memegang banyak peranan untuk mempengaruhi total biaya serta performansi dari kedua sistem. Perencanaan yang tepat pada *level* gardu induk merupakan kunci keberhasilan dari perencanaan sistem distribusi [7].

Gardu induk merepresentasikan titik terakhir dari penyaluran sistem transmisi. Gardu induk merupakan lokasi dimana sistem transmisi harus menyalurkan daya sebesar total beban pada semua *feeder* yang terhubung dengan gardu induk tersebut (*level* distribusi).

#### 2) Lokasi Gardu Induk, Kapasitas, dan Area Pelayanan

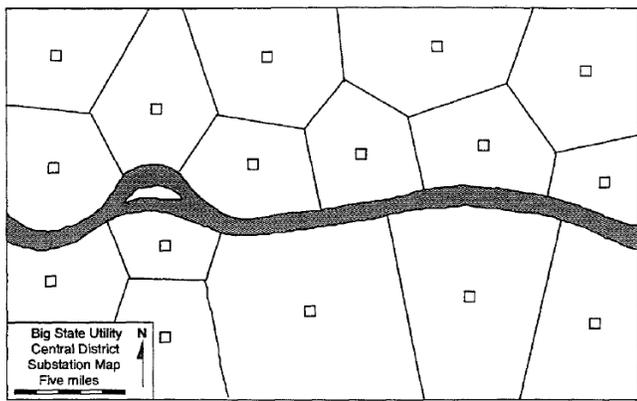
Listrik yang disalurkan ke setiap konsumen berasal dari gardu induk yang terletak berdekatan dengan konsumen atau bisa saja berasal dari tempat lain yang lebih jauh [8]. Teritorial *service area* listrik dibagi menjadi beberapa *service area* gardu induk, seperti yang digambarkan pada Gambar 2 di bawah ini.

Setiap gardu induk (dilambangkan sebagai kotak kecil) yang melayani area tertentu (batas-batas garis pada gambar) harus memiliki kapasitas yang cukup untuk melayani *maximum demand* dari semua konsumen yang ada di area tersebut [7].

Untuk industri konsumen, beban yang diperlukan tentu akan lebih besar jika dibandingkan dengan konsumen rumah tangga, sehingga dua area layanan identik, beban total belum tentu sama.

*Service area* dalam hal ini berupa titik-titik beban yang tersebar di sekitar gardu induk. Titik beban tersebut merupakan titik *demand* dari konsumen yang belum tentu sama antar satu konsumen dengan konsumen di daerah yang lain, bergantung pada karakteristik masing-masing konsumen. Untuk konsumen pada sektor industri, beban yang dibutuhkan tentunya akan lebih besar bila dibandingkan dengan konsumen dari sektor rumah tangga. Sehingga untuk dua *service area* yang identik, belum tentu total bebannya sama [7].

Penambahan gardu baru akan dilakukan ketika kapasitas gardu-gardu di daerah (sudah *pra-install*) tidak mampu memenuhi permintaan konsumen. Dengan demikian, harus ada penambahan gardu baru sebanyak mungkin untuk mengatasi gardu kelebihan beban.



Gambar. 2. Layanan wilayah divisi berbasis lokasi gardu induk



Gambar. 3. Diagram alur memodelkan Voronoi Diagram

### 3) Pusat Titik Beban

Cara terbaik agar gardu induk dapat melayani konsumen secara maksimal tetapi dengan biaya yang minimal adalah dengan meletakkan gardu induk di pusat *service area* atau pusat beban. Berikut adalah cara menentukan letak gardu induk dengan mempertimbangkan gardu induk lain yang telah terpasang sebelumnya [7]:

1. Menggambar garis lurus antara rencana letak gardu induk baru dengan tiap gardu induk yang berdekatan.
2. Menarik garis tegak lurus di setiap garis tersebut (membagi garis pada langkah 1 menjadi dua bagian dengan sudut siku-siku).
3. Garis-garis yang dihasilkan pada langkah 2 dan saling berpotongan, menunjukkan *service area* dari gardu induk baru.
4. Target beban (kapasitas) yang akan dipasangkan di gardu induk baru adalah total dari beban di sekitar *service area*.

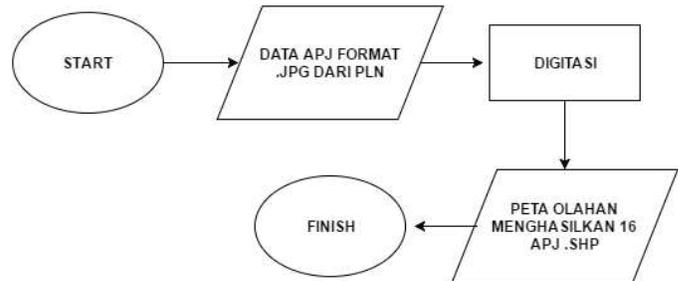
## III. PERANCANGAN SISTEM

### A. Memodelkan Voronoi Diagram pada ArcMap 10.3

Dalam ArcMap memodelkan sebuah metode tidak bisa langsung memproses dengan data, harus ada sebuah *tools* yang berisi *script* yang mengandung metode. *Tools* tersebut dalam aplikasi ArcMap dibungkus menjadi satu dengan nama *Toolbox*. Dalam *Toolbox* dapat menampung lebih dari satu *function* atau metode, tetapi hanya dapat digunakan dalam bahasa pemrograman Python. Metode *Voronoi Diagram* di sini digunakan untuk menentukan *service area* yang ditentukan dari titik *vertices* penyulang dari setiap APJ. Desain proses sistem dapat dilihat pada Gambar 3.



Gambar. 4. Diagram alur memodelkan Delaunay Triangulation Algorithm



Gambar. 5. Diagram alur implementasi APJ

### B. Memodelkan Delaunay Triangulation Algorithm pada ArcMap 10.3

Kemudian diimplementasikan metode *Delaunay Triangulation Algorithm* agar mendapatkan jaringan distribusi listrik dan *service area* yang optimal. Metode ini dijalankan diatas metode *Voronoi Diagram* yang sebelumnya sudah diimplementasikan, dengan menggunakan titik *vertices* dari penyulang (*feeder*) juga. *Output* dari metode ini adalah sebuah garis yang membentuk segitiga dari titik *vertices*. Desain proses sistem dapat dilihat pada Gambar 4.

### C. Mengimplementasi Area Pelayanan Jaringan Sesuai dengan Data dari PLN

Dalam usaha untuk memperlihatkan hasil yang maksimal sesuai dengan keadaan yang dimiliki oleh PLN (Perusahaan Listrik Negara), penulis membuat daerah per APJ dengan cara *digitization* berdasarkan data yang asli. Kemudian menghasilkan peta berformat *.shp* yang berisi daerah-daerah per APJ. Desain proses sistem dapat dilihat pada Gambar 5.

### D. Mengimplementasi Dua Metode dengan Data yang Sudah Ada

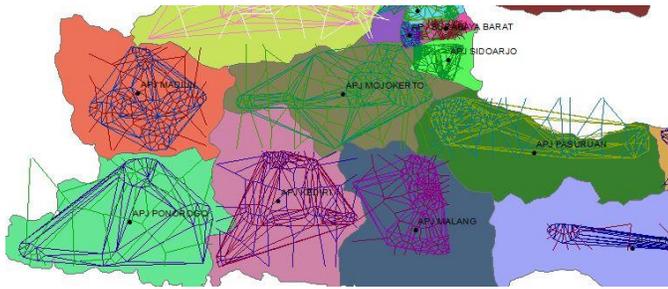
Setelah metode telah disatukan dalam *toolbox*, daerah per APJ terbentuk dan titik gardu induk serta penyulang sudah diaplikasikan, maka langkah berikutnya adalah mengimplementasikan kedua metode dengan data yang sudah ada. Kedua metode tersebut *Voronoi Diagram* dan *Delaunay Triangulation Algorithm* memproses data berupa titik penyulang agar membuat sebuah *service area* serta jaringan distribusi listrik yang nantinya akan dijadikan parameter untuk menentukan lokasi gardu induk yang baru. Desain proses sistem dapat dilihat pada Gambar 6.

### E. Memodelkan Bukti Kemiripan dengan Data PLN

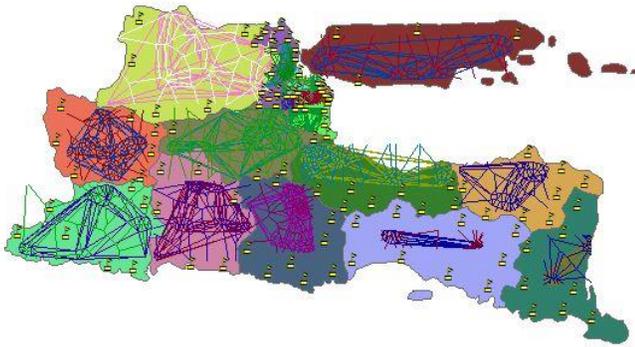
Dalam usaha dalam memperlihatkan hasil implementasi yang telah dilakukan oleh penulis berupa titik lokasi baru dari gardu induk, disini dilakukan percobaan membandingkan dengan hasil yang telah direncanakan oleh PLN. Cara membandingkannya







Gambar. 14. Hasil penggabungan dua metode



Gambar. 15. Lokasi dari titik baru

## V. KESIMPULAN

Berdasarkan hasil studi yang telah dilakukan, dapat diambil beberapa kesimpulan sebagai berikut:

- Menghasilkan titik-titik gardu induk baru yang optimal sebanyak 81 titik yang tersebar di semua wilayah APJ di Jawa Timur sesuai dengan letak geografisnya menggunakan metode *Voronoi Diagram* dan *Delaunay Triangulation Algorithm*.
- Dapat memetakan beban gardu induk dengan menggunakan metode *Voronoi Diagram* per daerah APJ (Area Pelayanan Jaringan) sesuai dengan kebutuhan listrik daerahnya masing-masing.
- Dapat memetakan menjadi ke 16 daerah wilayah APJ (Area Wilayah Jaringan) menggunakan teknik digitasi pada ArcGIS berdasarkan data PLN.
- Terdapat kesamaan dalam penempatan lokasi titik gardu induk baru sesuai dengan perencanaan yang dilakukan oleh PLN, yaitu sebanyak 6 lokasi titik yang sama dari 8 lokasi yang telah direncanakan.

Titik gardu induk baru yang ditemukan diperkirakan dapat memenuhi kebutuhan listrik di Jawa Timur sampai dengan tahun 2028.

## DAFTAR PUSTAKA

- R. Sarno and N. F. Ariyani, "Optimasi Penempatan Gardu Induk Menggunakan Metode P-Median dan *Voronoi Diagram*," Jurusan Teknik Informatika, ITS, Surabaya, 2008.
- A. D. Purwanto, U. Subchan and I. G. N. Rai, "Fuzzy Clustering untuk Optimasi Perencanaan Letak Unit Pembangkit Listrik di Jawa Timur," in Seminar Tugas Akhir, ITS, Surabaya, 2013.
- H. S. Lopes, G. C. Correa, L. C. Galvao and L. F. Nunes, "Optimized Electric Power Substation Location Using P-Medians and *Voronoi Diagrams*," in The XXVI Iberian Latin-American Congress on

Computational Methods, Electronics Department, Centro Federal de Educação Tecnológica do Paraná, Brazillia, 2005.

- V. J. Tsai, "Fast Topological Construction of *Delaunay* Triangulation and *Voronoi Diagram*," Department of Civil and Environmental Engineering, U.S.A, 1993.
- S. M. Castongia, "A Demand-Based Resource Allocation Method For Electrical Substation Service Area Delineation," Department of Geography and Earth Sciences, Charlotte, 2006.
- R. Sarno, U. L. Yuhana and P. Wardana, "Rancang Bangun Sistem Informasi Geografis Pengelolaan Perizinann Reklame Studi Kasus Kota Malang," in Digital Information and System Conference, Jurusan Teknik Informatika ITS, Surabaya, 2009.
- R. Sarno and N. F. Ariyani, "Design and Implementation of P-Median Method For Locating Electric Power Substation," in International Conference on Computer, Control, Informatics and its Applications, Informatics Engineering, ITS, Surabaya, 2009.
- S.-W. Lee, W. J. Tolone and W.-N. Xiang, "A Feasibility Study of Substation Service Area Estimation Methodologies," Department of Geography and Earth Sciences, Charlotte, 2006.