

PENENTUAN DAYA MAKSUMUM PHOTOVOLTAIK DENGAN METODE GROUP

Harsono Hadi

Pusat Teknologi Konversi dan Konservasi Energi (PTKKE)

Badan Pengkajian dan Penerapan Teknologi (BPPT)

JL. MH Thamrin No. 8, Gedung II, Lantai 20, Jakarta

E-mail: harsono50@yahoo.com

Abstract

The maximum power point (MPP) is equivalent to maximum $I \times V$ at the $I-V$ curve under G and T conditions. Characteristic and performance of the solar cell, module photovoltaic and solar generator of the photovoltaic system is possible to be evaluated through the MPP. The relationship among model, parameters and constants are expressed by a mathematical model of the exponential equation. Calculation of the MPP value at the intensity irradiation (G) and the cell temperature (T), the maximum voltage (V_{max}) are fixed firstly by the current output equal to zero. The voltage output (V_{out}) is slowly dropped step by step ($V = V_{max} - n \Delta V$, where $n = 1, 2, 3, \dots, m$) and the current output (I) is founded. The $MPP_n (I_{out} \times V_{out})$ must be compared to the previous value of the MPP_{n-1} or $MPP_n - MPP_{n-1} \geq 0$. Calculating process: the current-voltage ($I-V$) output, the MPP value is relative complicated and involves measured datum at the various irradiation and cell temperature. To simplify the calculation of the MPP and $I-V$ output, the group method is used to allocate the each datum [$G_n, T_n, I_n (I_{n1}, I_{n2}, I_{n3}, \dots, I_{nm}), V_n (V_{n1}, V_{n2}, V_{n3}, \dots, V_{nm}), MPP_n, Q_n, H_n, \dots, etc$] in its dimensions [$\{G_1, G_2, G_3, \dots, G_n\}, \{T_1, T_2, T_3, \dots, T_n\}, \{I_1, I_2, I_3, \dots, I_n\}, \{V_1, V_2, V_3, \dots, V_n\}, \{MPP_1, MPP_2, MPP_3, \dots, MPP_n\}, \{Q_1, Q_2, Q_3, \dots, Q_n\}, etc$].

Kata kunci : model, nilai parameter, arus-tegangan, daya maksimum, MPP dan pengelompokan.

1. PENDAHULUAN

Solar sel berfungsi mengubah energi photon menjadi energi listrik. Secara matematis dapat dituliskan secara persamaan eksponensial – kontinyu sebagai berikut:

$$j = (C_0 + C_1 T)G - C_{01} T^3 \exp \left[-\frac{e_o U_{gap}}{kT} \right] \\ \left[\exp \left(\frac{e_o (V_c + j r_s)}{\alpha kT} \right) - 1 \right] - C_{02} T^{5/2} \exp \left[-\frac{e_o U_{gap}}{2 kT} \right] \\ \left[\exp \left(\frac{e_o (V_c + j r_s)}{\beta kT} \right) - 1 \right] - \frac{V_c + j r_s}{r_{sh}} . \quad (1)$$

dengan

G radiasi matahari [W/m^2], j rapat arus [A/m^2]. V_c tegangan solar sel [V], T temperatur solar sel (Kelvin), U_{gap} energi band gap [V], e_o muatan elektron [$1,6021 \times 10^{-19}$ As], k konstanta Boltzman [$1,3854 \times 10^{-23}$ JK $^{-1}$], r_s tahanan seri [Ω], r_{sh} tahanan shunt [Ω], α diode pertama; β diode kedua; C_0 , C_1 , C_{01} dan C_{02} parameter solar sel.

Untuk mengetahui unjuk kerja sistem PV, salah satu indikator dengan mengetahui nilai MPP pada kondisi G & T . Nilai MPP bisa didapatkan dari hasil perkalian dari data pengukuran tegangan output (V) dan arus output (I) sehingga $\text{MPP} = V \times I$ pada G & T . Nilai MPP yang satu lagi bisa didapatkan dengan menggunakan model. Kedua-dua cara tersebut pada kondisi G & T didapatkan dua nilai yaitu MPP pengukuran (MPP_p) dan MPP model (MPP_m). Nilai-nilai MPP_p dan MPP_m dibandingkan untuk mengetahui seberapa besar selisih kedua nilai tersebut. Selisih kedua nilai MPP tersebut menunjukkan bahwa pembebangan sistem PV sudah optimal atau belum. Penggunaan metode group bertujuan untuk memudahkan dalam perhitungan MPP_m pada kondisi G & T . Agar MPP_m bisa mewakili output MPP sistem PV, maka data pengukuran G & T digunakan sebagai data input model. Karena dalam perhitungan MPP_m model menggunakan data pengukuran G & T yang banyak dan berbeda-beda maka dibutuhkan suatu pengelompokan (grouping). Pengelompokan meliputi dari hasil perhitungan model antara lain : MPP_m , tegangan output PV (V_m) dan arus output PV (I_m).

2. BAHAN DAN METODE

2.1. Pengelompokan

Unjuk kerja sistem photovoltaik sangat dipengaruhi oleh intensitas radiasi (G) dan temperatur solar sel (T). secara alami radiasi matahari dari pagi hingga sore mempunyai intensitas yang berubah-ubah dengan nilai tertinggi kurang-lebih 1000 W/m² pada waktu sekitar 12.00.

Selain intensitas radiasi dan temperatur, unjuk kerja sistem photovoltaik juga dipengaruhi oleh besar-kecilnya beban. Untuk mengetahui bahwa pembebanan sudah atau belum optimum, dapat dibandingkan antara daya pembebanan dengan daya maksimum (MPP). Daya maksimum dapat dihitung dengan menggunakan model dan beberapa nilai parameternya. Nilai parameter model didapatkan dengan cara melakukan pengujian modul photovoltaik. Agar model dan nilai parameternya bisa benar-benar sesuai dengan modul photovoltaik, maka sebuah modul photovoltaik yang terpasang pada sistem photovoltaik diambil untuk dilakukan pengujian. Secara matematis daya maksimum dapat dituliskan sebagai berikut:

$$MPP_n = (V_{kl} \times I_{pq})_{\text{maksimum}} \quad (2)$$

dengan

$$\begin{aligned} MPP_n &= \{MPP_1, MPP_2, MPP_3, \dots, MPP_n\}; \\ V_{kl} &= \{V_{11}, V_{12}, \dots, V_{21}, V_{22}, V_{23}, \dots, V_{kl}\} \text{ dan } I_{pq} = \{I_{11}, \\ &I_{12}, I_{13}, \dots, I_{21}, I_{22}, I_{23}, \dots, I_{pq}\}. \end{aligned}$$

Hubungan I-V dipengaruhi oleh intensitas radiasi (G) dan temperatur (T) sehingga dapat dituliskan dalam fungsi-fungsi matematik sebagai berikut :

$$\begin{aligned} f(MPP_1, MPP_2, \dots, MPP_n) &= \\ f(V_{11}, V_{12}, \dots, V_{kl}) f(I_{11}, I_{12}, \dots, I_{pq}) \\ f(G_{1d}, G_{2d}, \dots, G_{td}) f(T_{1j}, T_{2j}, \dots, T_{ij}) \dots \dots \dots \end{aligned} \quad (3)$$

dengan

$$\begin{aligned} MPP_1 &= g_1(V_{11}, I_{1q}, G_{1d}, T_{1j}) \\ MPP_2 &= g_2(V_{21}, I_{2q}, G_{2d}, T_{2j}) \\ MPP_3 &= g_3(V_{31}, I_{3q}, G_{3d}, T_{3j}) \\ MPP_4 &= g_4(V_{41}, I_{4q}, G_{4d}, T_{4j}) \\ \dots \dots \dots \\ MPP_n &= g_n(V_{kl}, I_{pq}, G_{td}, \dots, T_{ij}) \end{aligned}$$

Pada persamaan (3) untuk mendapatkan nilai MPP melibatkan parameter V, I, G dan T atau dapat ditulis sebagai fungsi sebagai berikut : $MPP_n = g_n(V_{kl}, I_{pq}, G_{td}, T_{ij})$.

Dari persamaan di atas terlihat untuk mendapatkan satu nilai MPP membutuhkan pasangan V dan I yang sesuai pada keadaan G & T. Untuk mendapatkan daya maksimum yang terbesar dalam program simulasi model , maka nilai MPP_n harus selalu dibandingkan dengan nilai MPP_{n-1} sebagai berikut :

$$MPP_{nm} - MPP_{nm-1} \geq 0 ?$$

dengan

$$MPP_{nm} = \{MPP_{11}, MPP_{12}, MPP_{13}, \dots, MPP_{21}, \\ MPP_{22}, MPP_{23}, \dots, MPP_{nm}\}.$$

Hubungan daya maksimum (MPP), tegangan (V), arus (I), radiasi (G) dan temperatur (T) lebih jelas dapat dilihat pada gambar 2. Setiap parameter di dalam program simulasi membutuhkan suatu ukuran dimensi yang sesuai dengan banyaknya data-data tersebut. Berdasarkan perhitungan persamaan model berupa eksponensial dan banyaknya data-data pengukuran pada kondisi G & T, maka dalam penyelesaiannya dibutuhkan suatu perangkat lunak dalam menyelesaikan perhitungan tersebut. Secara program komputer dengan menggunakan statement struct, maka struktur dan dimensi data dapat dituliskan sebagai berikut :

tersebut. Secara program komputer dapat dituliskan sebagai berikut:

```
struct data {float V[k][l], I[p][q], G[t][d], T[i][j]; }  
MPP[n] ;
```

dengan

$$\begin{aligned} V_{[k][l]} &= \{V_{11}, V_{12}, V_{13}, \dots, V_{21}, V_{22}, V_{23}, \dots, V_{31}, V_{32}, \\ &\quad V_{33}, \dots, V_{kl}\}, \\ I_{[p][q]} &= \{I_{11}, I_{12}, I_{13}, \dots, I_{21}, I_{22}, I_{23}, \dots, I_{31}, I_{32}, \\ &\quad I_{33}, \dots, I_{pq}\}, \\ G_{[t][d]} &= \{G_{11}, G_{12}, G_{13}, \dots, G_{21}, G_{22}, G_{23}, \dots, G_{31}, \\ &\quad G_{32}, G_{33}, \dots, G_{td}\}, \\ T_{[i][j]} &= \{T_{11}, T_{12}, T_{13}, \dots, T_{21}, T_{22}, T_{23}, \dots, T_{31}, T_{32}, \\ &\quad T_{33}, \dots, T_{ij}\}, \end{aligned}$$

float artinya data/variabel yang terdapat di dalam statement struct berupa bilangan riil.

Untuk mendapatkan nilai MPP harus diselesaikan hubungan I-V pada persamaan model (1). Persamaan tersebut dapat dituliskan sebagai berikut :

$$j = a - b \left(\exp^{-c_0 [v_c + j r_s]} - 1 \right)$$

$$-d_0 \left(\exp^{a_1 [V_c + j r_s]} - 1 \right) - \frac{V_c + j r_s}{r_{sh}} \quad (4)$$

dengan

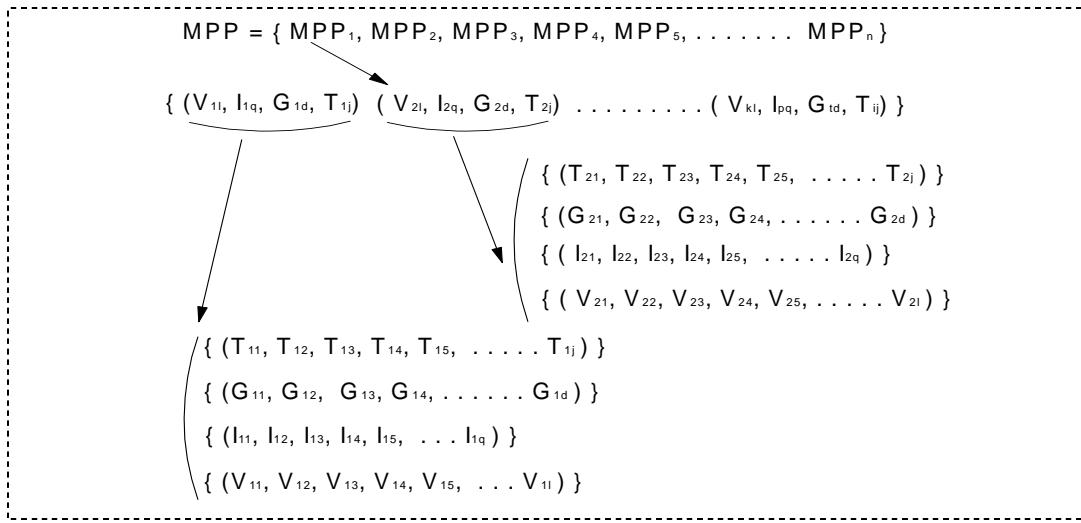
$$a_0 = (C_0 + C_1 T) G ; \quad b_0 = C_{01} T^3 \exp^{-\frac{e_0 U_{gap}}{kT}} ;$$

$$c_0 = \frac{e_0}{\alpha kT} \quad d_0 = C_{02} T^{5/2} \exp^{-\frac{e_0 U_{gap}}{2kT}} ;$$

$$a_1 = \frac{e_0}{\beta kT}$$

Untuk mendapatkan hubungan I-V output, maka pertama-tama harus dihitung nilai tegangan maksimum (V_{max}) dengan memasukkan nilai $j=0$ ke dalam persamaan (2), sehingga persamaan tersebut berubah menjadi sebagai berikut:

$$\Delta z = a_0 - b_0 \left(\exp^{c_0 V_{max}} - 1 \right) - d_0 \left(\exp^{a_1 V_{max}} - 1 \right) - \frac{V_{max}}{r_{sh}} \approx 0 \quad (5)$$



Gambar 2 : Daya maksimum (MPP) dengan beberapa parameter.

3. HASIL DAN PEMBAHASAN

3.1. Perhitungan Arus-Tegangan (I-V)

Karena persamaan model solar sel merupakan persamaan eksponensial kontinyu sehingga salah satu penyelesaian dapat menggunakan metode iterasi. Untuk menghitung nilai V_{max} , pertama-tama dengan menentukan nilai V_{max} sebagai berikut:

$$V_{max} = p 10^{-k} \quad (6)$$

$k = \dots -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, \dots$ dan

$p = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots 30$.

$$\Delta z = \epsilon_0.$$

Dengan substitusi persamaan (6) & (5) dan dengan memasukkan nilai p dan k maka didapatkan nilai V_{max} yang berbeda-beda, seperti pada tabel 1. Nilai sisa (Δz) berbeda-beda dengan nilai p , k dan V_{max} yang berbeda-beda pula. Nilai tegangan maksimum yang tepat adalah $V_{max} = 0.59$ yang didasarkan pada nilai Δz yang terkecil dan positif ($\Delta z = 12.0335532789228$).

Tabel 1. Awal iterasi mendapatkan V_{max} , $j = 0.00$ pada $G = 1000 \text{ Wm}^{-2}$ dan $T = 25^\circ\text{C}$

| p | V_{max} | Δz |
|----------|---------------|-------------------------|
| 1 | 0.5100 | 436.4458337053520 |
| 2 | 0.5200 | 427.1780903201110 |
| 3 | 0.5300 | 413.4698185138200 |
| 4 | 0.5400 | 393.1902275489210 |
| 5 | 0.5500 | 363.1859788900780 |
| 6 | 0.5600 | 318.7904629641240 |
| 7 | 0.5700 | 253.0975750768680 |
| 8 | 0.5800 | 155.8869721026720 |
| 9 | 0.5900 | 12.0335532789228 |
| 10 | 0.6000 | -200.8463591676600 |
| 11 | 0.6100 | -515.8784524115160 |
| 12 | 0.6200 | -982.0855773063650 |
| 13 | 0.6300 | -1672.0168951537000 |
| 14 | 0.1400 | 456.1686093091610 |
| 15 | 0.1500 | 456.1575992480700 |
| 16 | 0.1600 | 456.1465799529530 |
| 17 | 0.1700 | 456.1355494189220 |
| 18 | 0.1800 | 456.1245050025170 |
| 19 | 0.1900 | 456.1134431584110 |
| 20 | 0.2000 | 456.1023590555000 |
| 21 | 0.2100 | 456.0912460152760 |
| 22 | 0.2200 | 456.0800946880710 |
| 23 | 0.2300 | 456.0688918423400 |

| | | |
|----|--------|-------------------|
| 24 | 0.2400 | 456.0576185824170 |
| 25 | 0.2500 | 456.0462477217100 |
| 26 | 0.2600 | 456.0347399074870 |
| 27 | 0.2700 | 456.0230378997200 |
| 28 | 0.2800 | 456.0110581199870 |
| 29 | 0.2900 | 455.9986781623860 |
| 30 | 0.3000 | 455.9857183309660 |

Untuk menambah ketelitian nilai V_{max} dengan memperkecil nilai Δz maka dilakukan iterasi dengan memasukkan nilai V_{max} sebagai berikut:

$$V_{max} = p 10^k + q 10^{k-1} \quad (7)$$

$$\begin{aligned} q &= 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots, 30, \\ \Delta z &= \varepsilon_1 \end{aligned}$$

Nilai q & $k-1$ pada persamaan (7) diubah-ubah dan dimasukkan ke dalam persamaan (5) maka diperoleh nilai Δz yang berbeda-beda pula. Nilai V_{max} dipilih berdasarkan nilai Δz yang terkecil ($\Delta z = \varepsilon_1$) seperti pada Tabel 2. Untuk mendapatkan nilai V_{max} yang lebih teliti lagi, maka iterasi dilakukan dengan terus-menerus secara bertingkat. Secara persamaan matematis penentuan nilai iterasi selanjutnya dapat dituliskan dalam persamaan sebagai berikut:

$$\begin{aligned} V_{max} &= p 10^k + q 10^{k-1} + r 10^{k-2} + \dots + \\ &\quad u 10^{-5} + \dots \quad (8) \\ u &= 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots, 30, \\ \Delta z &= \varepsilon \end{aligned}$$

Dari iterasi bertahap didapatkan nilai V_{max} yang lebih teliti dan nilai Δz sekecil-kecilnya ($\Delta z \approx 0$) seperti yang tertera pada tabel 2.. Pada tabel tersebut terlihat bahwa derajat ketelitian semakin tinggi dengan niklai sisa semakin kecil mendekati nol atau $\varepsilon_0 \geq \varepsilon_1 \geq \varepsilon_2 \geq \varepsilon_3 \geq \varepsilon_4 \dots \approx 0$.

Tabel 2. Tingkat ketelitian V_{max} ($j = 0.00$)

| Tk | Nilai | V_{max} | Δz |
|----|---------|--------------|----------------|
| 1 | $q = 0$ | 0.5900000000 | 12.03355327892 |
| 2 | $r = 6$ | 0.5906000000 | 1.47710369159 |
| 3 | $s = 8$ | 0.5906800000 | 0.05072748019 |
| 4 | $t = 2$ | 0.5906820000 | 0.01501074126 |
| 5 | $u = 8$ | 0.5906828000 | 0.00072326176 |
| 6 | $v = 4$ | 0.5906828400 | 0.00000887601 |
| 7 | $w = 0$ | 0.5906828400 | 0.00000887601 |
| 8 | $x = 4$ | 0.5906828404 | 0.00000173215 |

Tk = Tingkat ketelitian

Untuk mendapatkan I-V output, tegangan output (V_c) didapatkan dengan V_{max} diturunkan secara bertahap ($V_c = V_{max} - n \cdot dV$) dan nilai V_c dimasukkan ke dalam persamaan (2) sehingga dapat dituliskan sebagai berikut:

$$\begin{aligned} \Delta z &= a_0 - j - b_0 \left(\exp^{c_0 [V_c + jr_s]} - 1 \right) \\ &\quad - d_0 \left(\exp^{a_1 [V_c + jr_s]} - 1 \right) - \frac{V_c + jr_s}{r_{sh}} \quad (9) \end{aligned}$$

Salah satu cara untuk mendapat nilai rapat arus (j), ketika tegangan $V_c = 0.2554$ volt dengan menggunakan iterasi awal sebagai berikut:

$$j = p 10^{-k} \quad (10)$$

$$k = \dots, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, \dots \text{ dan}$$

$$p = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots, 30,$$

$$\Delta z = \varepsilon_0.$$

Nilai j pada persamaan (10) dengan menjalankan nilai k & p dan disubstitusikan ke dalam persamaan (9), didapat nilai Δz seperti yang tertera pada tabel 3. Berdasarkan nilai Δz terkecil & positif, maka didapatkan bahwa nilai-nilai: $k = -2$, $p = 4$, $\Delta z = 55.9716354928070$ dan $j = 400 \text{ A/m}^2$.

Tabel 3. Iterasi awal j pada $V_c = 0.2554$ volt

| p | j | Δz |
|----|---------|---------------------|
| 1 | 100.00 | 356.0239661452600 |
| 2 | 200.00 | 256.0075474117100 |
| 3 | 300.00 | 155.9902898729970 |
| 4 | 400.00 | 55.9716354928070 |
| 5 | 500.00 | -44.0493622542419 |
| 6 | 600.00 | -144.0743122604280 |
| 7 | 700.00 | -244.1059533910610 |
| 8 | 800.00 | -344.1489529748400 |
| 9 | 900.00 | -444.2112704608720 |
| 10 | 1000.00 | -544.3064864352770 |
| 11 | 1100.00 | -644.4577805978060 |
| 12 | 1200.00 | -744.7047264150340 |
| 13 | 1300.00 | -845.1148971341410 |
| 14 | 1400.00 | -945.8036904687660 |
| 15 | 1500.00 | -1046.9681923231900 |
| 16 | 160.00 | 296.0141932172520 |
| 17 | 170.00 | 286.0125427193510 |
| 18 | 180.00 | 276.0108851646880 |
| 19 | 190.00 | 266.0092201898130 |
| 20 | 200.00 | 256.0075474117100 |
| 21 | 210.00 | 246.0058664267280 |
| 22 | 220.00 | 236.0041768094580 |
| 23 | 230.00 | 226.0024781115360 |
| 24 | 240.00 | 216.0007698603950 |
| 25 | 250.00 | 205.9990515579390 |
| 26 | 260.00 | 195.9973226791450 |
| 27 | 270.00 | 185.9955826705940 |
| 28 | 280.00 | 175.9938309489140 |
| 29 | 290.00 | 165.9920668991430 |
| 30 | 300.00 | 155.9902898729970 |

Untuk mendapatkan nilai j yang lebih akurat berarti nilai Δz harus diperkecil serendah-

rendahnya ($\Delta z \approx 0$), maka iterasi nilai j dapat dalam persamaan sebagai berikut:

$$j = p 10^{-k} + q 10^{-k-1} \quad (11)$$

$$q = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots, 30,$$

$$\Delta z = \varepsilon_1$$

Nilai q dijalankan sehingga didapatkan nilai j yang berbeda-beda pada persamaan (11) dan disubstitusikan ke dalam persamaan (9). Berdasarkan nilai Δz ($\Delta z \approx \varepsilon_1$) terkecil dan positif, nilai q yang sesuai dapat ditentukan.

Untuk mendapatkan nilai j yang lebih akurat lagi, maka iterasi dilakukan secara bertahap sesuai dengan tingkat akurasi yang diinginkan. Tingkat iterasi dapat dituliskan dalam persamaan sebagai berikut:

$$j = p 10^{-k} + q 10^{-k-1} + r 10^{-k-2} + \dots + u 10^{-k-5} + \dots \quad (12)$$

$$u = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots, 30,$$

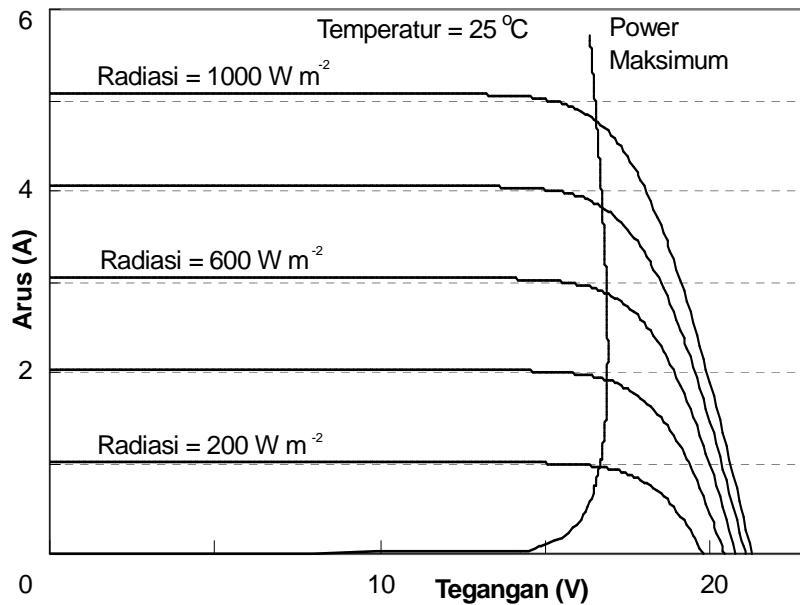
$$\Delta z = \varepsilon_1$$

Dari iterasi bertahap didapatkan nilai j mendekati nilai yang sebenarnya dengan tingkat nilai Δz mendekati nol ($\varepsilon_0 \geq \varepsilon_1 \geq \varepsilon_2 \geq \varepsilon_3 \geq \varepsilon_4 \dots \approx 0$), seperti yang tertera pada tabel 4.

Tabel 4. Derajat keakuriasan j pada $V_c = 0.2554$ V

| Tk | Nilai | j | Δz |
|----|---------|-------------|----------------|
| 1 | $q = 5$ | 450.0000000 | 5.961510295569 |
| 2 | $r = 5$ | 455.0000000 | 0.960459907239 |
| 3 | $s = 9$ | 455.9000000 | 0.060270033080 |
| 4 | $t = 6$ | 455.9600000 | 0.000257365987 |
| 5 | $u = 0$ | 455.9600000 | 0.000257365988 |
| 6 | $v = 2$ | 455.9602000 | 0.000057323763 |
| 7 | $w = 5$ | 455.9602500 | 0.000007313206 |
| 8 | $x = 7$ | 455.9602570 | 0.000000311728 |
| 9 | $y = 3$ | 455.9602573 | 0.000000011665 |

Tk = Tingkat ketelitian



Gambar 3: Karakteristik dan garis MPP modul photovoltaik

Tegangan output (V_c) atau ($V_c = V_{max} - n dV$) terus diturunkan secara bertahap sampai $V_c = 0$ dan j mencapai maksimum.

Hasil perhitungan nilai MPP modul photovoltaik dengan keadaan G yang berbeda-beda pada temperatur sel ($T = 25^\circ\text{C}$). dapat dilihat pada tabel 5.

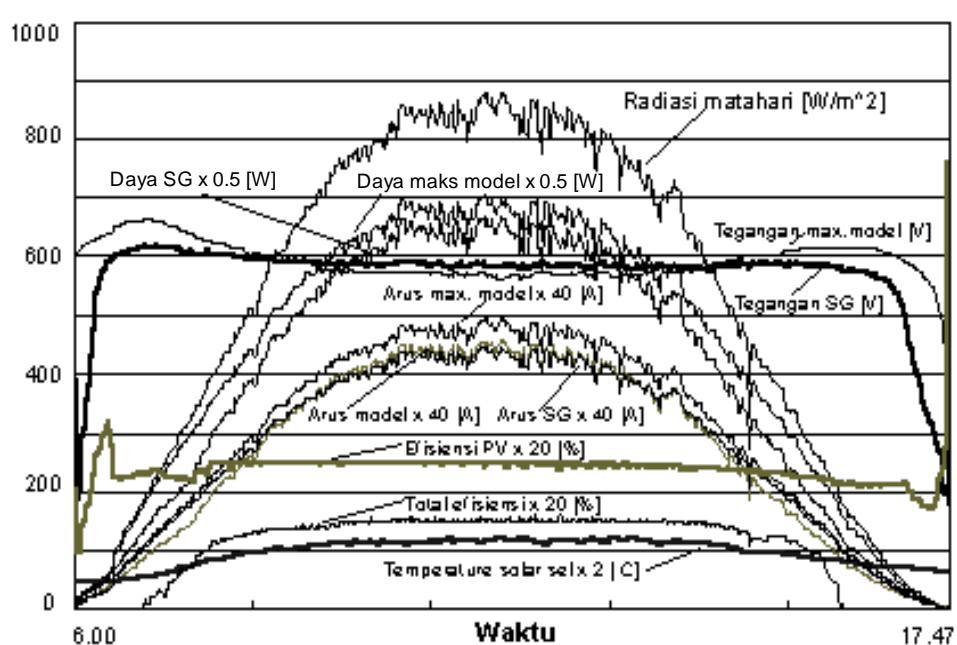
Tabel 5. Nilai MPP (daya maksimum) sebuah module photovoltaic

| G W/m^2 | V Volt | I Amp | $P_{maksimum}$ Watt |
|-----------------------|-------------|------------|------------------------|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 50 | 15.7142 | 0.234621 | 3.68688 |
| 100 | 16.2396 | 0.474663 | 7.70833 |
| 150 | 16.5059 | 0.714728 | 11.79723 |
| 200 | 16.6643 | 0.954820 | 15.91141 |
| 250 | 16.7650 | 1.194805 | 20.03091 |
| 300 | 16.8298 | 1.434621 | 24.14439 |
| 350 | 16.8730 | 1.673926 | 28.24416 |
| 400 | 16.8945 | 1.913324 | 32.32466 |

| | | | |
|-----|---------|----------|----------|
| 450 | 16.9017 | 2.152581 | 36.38228 |
| 500 | 16.8981 | 2.391616 | 40.41377 |
| 550 | 16.8873 | 2.630184 | 44.41671 |
| 600 | 16.8693 | 2.868473 | 48.38913 |
| 650 | 16.8441 | 3.106691 | 52.32941 |
| 700 | 16.8153 | 3.344347 | 56.23619 |
| 750 | 16.7829 | 3.581523 | 60.10834 |
| 800 | 16.7469 | 3.818311 | 63.94487 |
| 850 | 16.7037 | 4.055685 | 67.74495 |
| 900 | 16.6605 | 4.292059 | 71.50785 |
| 950 | 16.6172 | 4.527387 | 75.23250 |

| | | | |
|------|---------|----------|----------|
| 1000 | 16.5668 | 4.763698 | 78.91923 |
| 1050 | 16.5164 | 4.999099 | 82.56712 |
| 1100 | 16.4660 | 5.233558 | 86.17576 |

Dari tabel 5 dapat digambarkan unjuk kerja dan daya maksimum (MPP) modul photovoltaik dengan intensitas radiasi matahari yang berbeda-beda pada temperatur sel ($T = 25^\circ\text{C}$), seperti yang terlihat pada gambar 3.



Gambar 4. Unjuk kerja dan MPP sistem pompa piston photovoltaik.

3.2. Aplikasi Model

Perhitungan daya maksimum (MPP) suatu modul photovoltaik dapat digunakan untuk mengevaluasi unjuk kerja sistem-sistem photovoltaik. Caranya salah satu modul photovoltaik yang terpasang pada sistem photovoltaik dilakukan pengujian untuk mendapatkan nilai parameter-parameter model yang sesuai. Nilai parameter-parameter model tersebut dan data-data pengukuran : radiasi matahari (G), temperatur sel (T), tegangan output solar generator (V) dan arus output solar generator (I) digunakan sebagai input model, maka didapatkan nilai MPP. Nilai MPP dibandingkan dengan daya output solar generator ($V \times I$), maka akan terlihat selisih besar-kecil kedua nilai tersebut. Untuk menunjukkan hal tersebut, sistem yang dievaluasi adalah sistem pompa piston photovoltaik (PVP-piston). Sistem PVP-piston terdiri dari : solar generator 2040 Wp,

dc-dc konverter 550 W, motor dc 500 W dan pompa piston. Untuk memudahkan evaluasi dan analisa unjuk kerja sistem PVP-piston & MPP output solar generator ditampilkan dalam bentuk grafik, seperti yang terlihat pada gambar 4. Pada gambar tersebut tampak bahwa nilai MPP dan daya output solar generator mempunyai selisih relatif kecil (< 5%). Dengan kecilnya selisih kedua nilai tersebut, maka bisa dikatakan bahwa pembebahan sistem PVP-piston sudah optimum.

4. KESIMPULAN

- Penggunaan metode group memudahkan dalam pengelompokan data-data terutama dalam skala besar, sehingga bisa mempermudah dalam perhitungan daya maksimum (MPP) suatu sistem photovoltaik.

- Pada program komputer (bahasa C/C++) menyediakan sistem pengelompokan data dengan cara pembentukan ke dalam struktur dan dimensi data. Dengan tersedianya fasilitas tersebut, sangat membantu dalam membaca, menghitung dan menyajikan data-data pengukuran beserta hasil perhitungannya.

DAFTAR PUSTAKA

- Araujo, G.L., Sánchez, E., Martí M. (1992) *Determination of the two-exponential solar cell equation parameters from empirical data*, Solar Cells 5 2 (199-204).
- Carl-Erik Froeberg (1985), *Numerical mathematics*, The Benjamin/Cummings Publishing company Inc., Canada.
- George Arfken (1985), *Mathematical methods for physicists*, Academic press Inc.
- Shoichiro Nakamura (1991), *Applied numerical methods with software*, Printice-Hall Inc., Englewood Cliffs, New Jersey