



dapat diakses melalui <http://ejournal.unsrat.ac.id/index.php/jmuo>



Pola Pengeluaran Rumah Tangga di Kabupaten Sangihe, Talaud dan Sitaro Menggunakan Analisis Biplot

Arini Mamangkey^{a*}, Jantje D.Prang^a, Djoni Hatidja^a

^aJurusan Matematika, FMIPA, Unsrat, Manado

KATA KUNCI

Analisis Biplot
Pengeluaran Rumah Tangga

KEYWORDS

Biplot Analysis
Household Expenditure

AVAILABLE ONLINE

31 Januari 2013

ABSTRAK

Tujuan dari penelitian ini adalah untuk mengetahui karakteristik pengeluaran dominan dari pola pengeluaran rumah tangga di Kabupaten Sangihe, Talaud dan Sitaro. Untuk mencapai tujuan tersebut, maka digunakan analisis biplot yang dapat memberi hasil dalam bentuk tampilan grafis. Analisis biplot dilakukan secara terpisah pada masing-masing Kabupaten. Data yang digunakan adalah hasil Survei Sosial Ekonomi Nasional tahun 2010 Provinsi Sulawesi Utara. Hasil analisis biplot menunjukkan peubah-peubah yang mendominasi pola pengeluaran untuk makanan di Kabupaten Sangihe, Talaud dan Sitaro adalah pengeluaran untuk mie, kerupuk, rokok, telur, susu, kacang-kacangan, daging, ikan, minuman alkohol, buah-buahan, bumbu-bumbuan, sayur-sayuran, ubi-ubian, minyak, lemak, bahan minuman, makanan jadi, minuman jadi, padi-padian. Sedangkan pengeluaran bukan makanan didominasi oleh biaya pendidikan, pajak, asuransi, pemeliharaan rumah, keperluan pesta, aneka barang dan jasa, barang tahan lama, pakaian dan alas kaki, serta biaya kesehatan.

ABSTRACT

The objective of this research was to discover the dominant characteristic in household expenditure at Regency of Sangihe, Talaud and Sitaro. For accomplishing that goal, then biplot analysis is used to build a visual graphic for each data. Biplot Analysis has conducted apart for each Region. Data of this research based on SUSENAS in 2010 North Sulawesi Province. The result of this research showed variables which are dominated food expenditure at Region of Sangihe, Talaud and Sitaro. They are noodles, crackers, cigarettes, eggs, milk, legumes, meat, fish, alcohol beverages, fruits, spices, vegetables, tubers, oil, fats, beverage stuff, prepared food, prepared beverages, cereals. Non-food expenditure is dominated by education cost, taxes, insurance, housing facility, parties, goods and services, durable goods, clothing and footwear, and also healthy cost.

1. Pendahuluan

Daerah kepulauan merupakan wilayah dimana luas perairan lebih besar daripada luas daratan dan memiliki banyak pulau kecil terluar. Daerah kepulauan memiliki tingkat kesejahteraan masyarakat relatif lebih rendah dibandingkan dengan daerah non-kepulauan. Persentase penduduk miskin tahun 2010 untuk daerah Sangihe, Talaud dan Sitaro berturut-turut sebesar 7,16%, 7,22% dan 8,46% sedangkan

Kota Manado persentase penduduk miskinnya sebesar 4,37% (Anonim, 2010). Indikasi utama tingginya angka kemiskinan di daerah kepulauan adalah kebutuhan pokok rumah tangga yang sulit diperoleh. Daerah kepulauan Sangihe dan Talaud adalah daerah dengan kecamatan terbanyak yang beresiko tinggi terhadap tingkat kerawanan pangan (Anonim, 2011a). Kerawanan pangan ini dapat disebabkan pola konsumsi masyarakat yang rendah untuk makanan (Anonim, 2011c). Pengeluaran rumah

*Corresponding author: Jurusan Matematika FMIPA UNSRAT, Jl. Kampus Unsrat, Manado, Indonesia 95115; Email address: mamangkeyarini@yahoo.com

tangga merupakan salah satu indikator yang digunakan untuk mengukur kesejahteraan rumah tangga/keluarga. Jika pengeluaran untuk makanan terhadap total pengeluaran lebih besar dibandingkan pengeluaran bukan makanan mengindikasikan rumah tangga yang berpenghasilan rendah. Semakin kecil persentase pengeluaran makanan terhadap total pengeluaran rumah tangga, maka semakin sejahtera rumah tangga tersebut (Anonim, 2011b).

Berdasarkan ulasan di atas, perlu dilakukan pengkajian terhadap pola pengeluaran rumah tangga di daerah kepulauan dengan maksud untuk mengetahui karakteristik dominan dari pola pengeluaran di daerah tersebut menggunakan analisis biplot.

Tujuan penelitian ini adalah untuk mengetahui karakteristik pola pengeluaran di daerah kepulauan dan mengidentifikasi peubah yang mendominasi karakteristik pengeluaran rumah tangga menggunakan analisis biplot.

1.1. Studi Literatur

1.1.1. Pengeluaran Konsumsi Rumah Tangga

Pengeluaran konsumsi rumah tangga mencakup berbagai pengeluaran konsumsi akhir rumah tangga atas barang dan jasa untuk memenuhi kebutuhan individu atau kelompok secara langsung. Pengeluaran rumah tangga terdiri dari pengeluaran untuk makanan dan pengeluaran bukan makanan. Pengeluaran untuk makanan adalah nilai pengeluaran untuk konsumsi rumah tangga selama seminggu yang lalu baik dari pembelian, produksi atau pemberian. Pengeluaran bukan makanan adalah nilai pengeluaran untuk konsumsi bukan makanan rumah tangga selama sebulan atau 12 bulan yang lalu (Anonim, 2011b).

1.1.2. Analisis Biplot

Biplot adalah gambaran dimensi ganda pada suatu matriks data X yang menunjukkan setiap n vektor pengamatan (baris X) dengan setiap p peubah (kolom X) (Rencher, 2002). Ada 4 hal penting yang dapat dilihat dari biplot yaitu sebagai berikut:

- Hubungan (korelasi) antar peubah, dengan menggunakan biplot peubah akan digambarkan sebagai garis berarah. Dua peubah yang memiliki korelasi positif tinggi akan digambarkan sebagai dua buah garis dengan arah yang sama, atau membentuk sudut yang sempit. Apabila dua peubah yang memiliki korelasi negatif tinggi akan digambarkan dalam bentuk dua garis yang arahnya berlawanan, atau membentuk sudut yang lebar (tumpul). Sedangkan dua buah peubah yang tidak berkorelasi akan digambarkan dalam bentuk dua garis yang mendekati 90° (siku-siku)
- Keragaman peubah, informasi ini digunakan untuk melihat apakah ada peubah tertentu yang nilainya hampir sama setiap objek ada yang sama besar dan ada juga yang sangat kecil. Dalam biplot, peubah dengan keragaman kecil digambarkan dengan vektor yang pendek, sedangkan peubah

yang ragamnya besar digambarkan sebagai vektor yang panjang.

- Kedekatan antar objek, informasi ini bisa dijadikan panduan objek mana yang memiliki kemiripan karakteristik dengan objek tertentu. Dalam biplot, dua objek dengan karakteristik sama akan digambarkan sebagai dua titik yang posisinya berdekatan.
- Nilai peubah pada suatu objek, informasi ini digunakan untuk melihat keunggulan dari setiap objek. Objek yang terletak searah dengan arah dari suatu peubah dikatakan bahwa pada objek tersebut nilainya di atas rata-rata. Sebaliknya jika objek lain terletak berlawanan dengan arah dari peubah tersebut maka objek tersebut memiliki nilai dekat dengan rata-rata (Mattjik, et al., 2004).

Analisis biplot didasarkan pada penguraian nilai-nilai singular suatu matriks. Misalkan X adalah matriks data dengan n objek dan p peubah yang berpangkat r yang telah dikoreksi oleh rata-ratanya diuraikan menjadi perkalian tiga buah matriks, maka dapat dituliskan menjadi:

$$X = U L A' \quad (1)$$

matriks U dan A adalah matriks berukuran $(n \times r)$ dan $(p \times r)$ sedemikian sehingga $U' U = A' A = I_r$. L adalah matriks diagonal berukuran $(r \times r)$ dengan elemen-elemennya adalah $\sqrt{\lambda_1} \geq \sqrt{\lambda_2} \geq \dots \geq \sqrt{\lambda_r}$, dengan λ_i adalah akar ciri dari matriks $X'X$, dan r adalah pangkat matriks X . Unsur-unsur diagonal dari matriks L disebut nilai singular matriks X . Secara teknis kolom-kolom matriks U terdiri dari r vektor ciri dari matriks $X'X$.

Kolom-kolom matriks A terdiri dari r vektor ciri dari matriks $X'X$ yang berpadanan dengan akar ciri λ . Kolom-kolom matriks A disebut vektor singular baris matriks X dalam ruang berdimensi p . Dengan penjabaran persamaan

$$X = U L A' = U L^\alpha L^{1-\alpha} A' \quad (2)$$

Jika didefinisikan $G = U L^\alpha$ dan $H = A L^{1-\alpha}$, Untuk $0 \leq \alpha \leq 1$ persamaan (2) dapat ditulis:

$$X = {}_n G {}_r H' {}_p \quad (3)$$

Maka unsur ke- (ij) matriks X dapat ditulis sebagai

$$X_{ij} = g_i h_j, \quad (4)$$

dimana $i = 1, 2, \dots, n$, $j = 1, 2, \dots, p$.

Jika matriks X berpangkat dua ($r = 2$), maka seluruh vektor baris g_i dan vektor kolom h_j dapat diplotkan didalam ruang berdimensi dua. Apabila matriks X berpangkat lebih dari dua $r > 2$, maka dapat didekati dengan persamaan matriks berpangkat dua, sehingga persamaan (4) dapat ditulis menjadi

$${}_2 X_{ij} = g_i^* h_j^* \quad (5)$$

Dengan ${}_2 X_{ij}$ merupakan matriks pendekatan matriks X pada dimensi dua. Sedangkan g_i^* dan h_j^* masing-masing mengandung 2 unsur pertama vektor g_i dan h_j , atau unsur-unsurnya terdiri dari komponen pertama dan kedua matriks G dan H .

Dalam pendeskripsian biplot, ada sebuah unsur ketidakunikan nilai α dalam mendefinisikan matriks G

dan H. Untuk $\alpha = 0$ dan $\alpha = 1$ akan mempermudah interpretasi hasil dari biplot itu sendiri. Jika $\alpha = 0$ maka $G = U$ dan $H = L A'$ sehingga diperoleh persamaan: $X'X=(GH)' (GH)'=HH'$

Karena $X'X = HH' = (n-1)S$, maka hasil kali $h_j' h_k$, akan sama dengan $(n-1) S_{jk}$, dimana S_{jk} adalah peragam dan $h_j' h_k$ menggambarkan keragaman peubah ke-k, sedangkan korelasi antara peubah ke-j dan ke-k adalah nilai cosinus sudut antara vektor h_j dan h_k (Jolliffe, 1986).

Jika $\alpha = 1$ maka $G=UL$ dan $H=A$, sehingga $X'X=(GH)' (GH)'=GH'HG'=GA'AG'=GG'$ Dengan demikian, jarak euclid antara g_h dan g_i akan sama dengan jarak euclid x_h dan x_i .

2. Metode

2.1. Data

Data yang digunakan adalah data SUSENAS tahun 2010 dari Badan Pusat Statistik Provinsi Sulawesi Utara. Objek pengamatan adalah Kecamatan-Kecamatan di Kabupaten Sangihe, Talaud dan Sitaro.

2.2. Peubah Penelitian

Peubah penelitian ditunjukkan dalam Tabel 1 dan Tabel 2.

Tabel 1 – Peubah Pengeluaran untuk Makanan (X1)

Kode	Nama Peubah
X1 ₁	Pengeluaran untuk padi-padian
X1 ₂	Pengeluaran untuk ubi-ubian
X1 ₃	Pengeluaran untuk ikan
X1 ₄	Pengeluaran untuk daging
X1 ₅	Pengeluaran untuk telur dan susu
X1 ₆	Pengeluaran untuk sayur-sayuran
X1 ₇	Pengeluaran untuk kacang-kacangan
X1 ₈	Pengeluaran untuk buah-buahan
X1 ₉	Pengeluaran untuk minyak dan lemak
X1 ₁₀	Pengeluaran untuk bahan minuman
X1 ₁₁	Pengeluaran untuk bumbu-bumbuan
X1 ₁₂	Pengeluaran untuk konsumsi lainnya
X1 ₁₃	Pengeluaran untuk makanan jadi dan minuman jadi
X1 ₁₄	Pengeluaran untuk minuman alkohol
X1 ₁₅	Pengeluaran untuk tembakau dan sirih

2.3. Analisis Data

Analisis data dalam penelitian ini menggunakan analisis biplot dengan langkah-langkah : 1)Pemasukan data untuk data matrix X, 2)Melakukan penghitungan matriks koragam/peragam S, 3)Pembentukan matriks diagonal yang unsur-unsurnya merupakan simpangan baku, 4)Penghitungan matriks korelasi dari matriks X, e)Standarisasi matriks X, 5)Penguraian matriks X yang

telah distandarisasi dengan SVD (*Singular Value Decomposition*), 6)Penghitungan matriks $H=AL$ dan $G=UL$, 7)Plot matriks G dan H secara tumpang tindih.

Tabel 2 – Peubah Pengeluaran Bukan Makanan (X2)

Kode	Nama Peubah
X2 ₁	Pengeluaran untuk perumahan
X2 ₂	Pengeluaran untuk aneka barang dan jasa
X2 ₃	Pengeluaran untuk biaya pendidikan
X2 ₄	Pengeluaran untuk biaya kesehatan
X2 ₅	Pengeluaran untuk pakaian dan alas kaki
X2 ₆	Pengeluaran untuk barang tahan lama
X2 ₇	Pengeluaran untuk pajak dan asuransi
X2 ₈	Pengeluaran untuk keperluan pesta

3. Hasil dan Pembahasan

3.1. Kabupaten Sangihe

Gambar 1 dan Gambar 2 adalah hasil analisis biplot pengeluaran makanan dan bukan makanan di Kabupaten Sangihe. Keragaman data yang dapat diterangkan oleh Gambar 1 adalah 64,6% dan Gambar 2 sebesar 73,9%. Berdasarkan nilai peubah pada suatu objek, informasi ini berguna untuk mengetahui peubah-peubah mana yang mendominasi karakteristik setiap objek. Pada Gambar 1, Kecamatan Sa90 (Tahuna) dominan (unggul) pada pengeluaran untuk tembakau dan sirih(X1₁₅), konsumsi lainnya (dalam hal ini mie,kerupuk,makaroni,emping,dll), serta telur dan susu. Hal ini dapat diterangkan karena vektor dari ketiga peubah tersebut searah dengan objek Sa90. Kecamatan Sa91 (Tahuna Timur) dominan pada pengeluaran untuk kacang-kacangan (X1₇) dan daging (X1₄). Kecamatan Sa41 (Tatoareng) dominan pada pengeluaran konsumsi ikan(X1₃), minuman alkohol (X1₁₄), buah-buahan (X1₈), bumbu-bumbuan (X1₁₁) dan sayur-sayuran (X1₆). Pada Kecamatan Sa50 (Tamako), Sa92(Tahuna Barat), Sa40(Manganitu Selatan) dan Sa80 (Manganitu) cukup dominan pada pengeluaran minyak dan lemak (X1₉), bahan minuman (X1₁₀) dan ubi-ubian (X1₂). Sedangkan pada pengeluaran bukan makanan (lihat Gambar 2), Kecamatan Sa91(Tahuna Timur) dominan pada pengeluaran untuk perumahan (X2₁), keperluan pesta (X2₈), pajak dan asuransi (X2₇) dan pengeluaran untuk biaya pendidikan (X2₃) hal ini karena vektor keempat peubah tersebut yang searah dengan objek Sa91. Kecamatan Sa41 (Tatoareng) dominan pada pengeluaran untuk aneka barang dan jasa (X2₂), barang tahan lama (X2₆), pakaian dan alas kaki (X2₅) serta biaya kesehatan (X2₄). Sedangkan Kecamatan Sa90 (Tahuna) cukup dominan pada pengeluaran untuk pajak dan asuransi (X2₇) dan biaya pendidikan (X2₃).

antara Perdesaan dan Perkotaan di Propinsi Jawa Timur. FMIPA ITS. Surabaya

Rencher, A.R. 2002. *Methods of Multivariate Analysis Second Edition*. John Wiley & Sons, Inc. New York